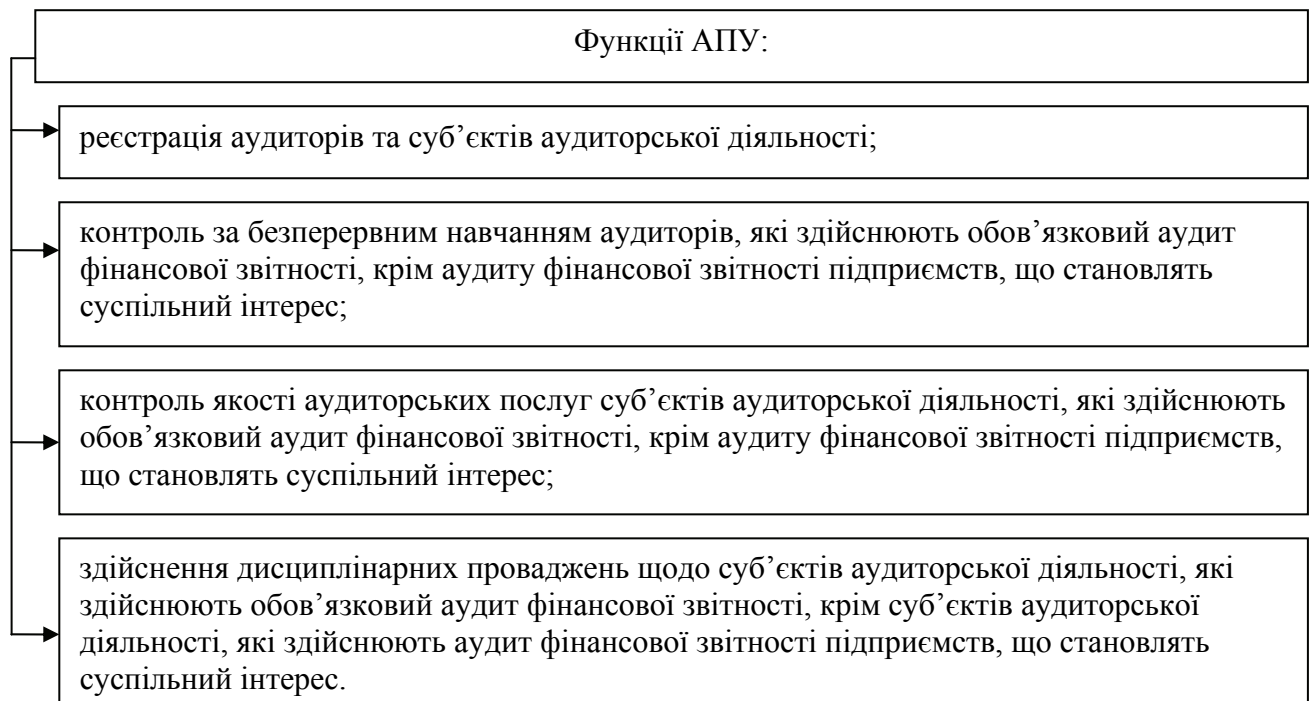


Контроль якості аудиту фінансової звітності суб'єктів, що не становлять суспільний інтерес, проводить Аудиторська палата України, рис. 2.



**Рис. 2. Функції АПУ**

З огляду на це, суб'єктам аудиторської діяльності необхідно впровадити внутрішньофірмові стандарти по контролю якості.

### **Список використаних джерел**

1. Про аудит фінансової звітності та аудиторську діяльність: Закон від 21.12.2017 р. № 2258-VIII // Офіційний веб-сайт Аудиторської палати України. URL: <http://www.apu.com.ua/normativni-akti-shcho-regulyuyut-auditorsku-diyalnist/14-zakoni-ukrajini> (дата звернення: 23.08.2018).

***Распопов Віктор Борисович,**  
кандидат фізико-математичних наук, доцент,  
директор Науково-навчального центру  
прикладної інформатики НАН України*

### **АДАПТИВНА МАКСИМІЗАЦІЯ ПРИБУТКУ МОНОПОЛІЇ В УМОВАХ «КОРУПЦІЙНОГО РИНКУ»**

Розглядаються практичні аспекти математичного моделювання, оптимізації і планування, корисні для розуміння і наукового обґрунтування стратегії щодо максимізації прибутку суб'єктів господарювання з монопольно високим рівнем концентрації капіталів і фінансових ресурсів.

Максимізація прибутку монополій, які, наприклад, надають населенню комунальні послуги – енергоносії, електроенергію, гарячу і холодну воду, транспортування побутових відходів тощо, в умовах корупційного ринку супроводжується необхідністю затверджувати владою нові тарифи на послуги, що надаються. Щоб підвищити ціни, монополія зазвичай йде на певні корупційні витрати, пов'язані з підкупом чиновників державних або місцевих органів влади. Тому олігарх, власник монополії змушений зіставляти витрати на корупцію з очікуваним прибутком від надання послуг за підвищеними розцінками, а також з можливими втратами монополії, якщо зростання монопольної ціни призведе до неочікуваного зменшення обсягу послуг через подальше зубожіння населення.

Науково обгрунтований підхід до вирішення цієї «Соломонової» задачі в певному сенсі є аналогічним тому, як це відбувається в промисловому виробництві, коли фахівці експериментально налаштовують певні технологічні параметри, щоб оптимізувати виробничий процес. Тут стануть у нагоді математичні методи і комп'ютерні програми, які використовуються на практиці для оптимального *планування технологічного експерименту*. Причому чим довготривалішим або чим дорожчим є випуск одиниці продукції, тим більше уваги на виробництві приділяється науковому обгрунтуванню того, якими саме мають бути ті чи інші технологічні параметри виробничого процесу [1, с. 44–48].

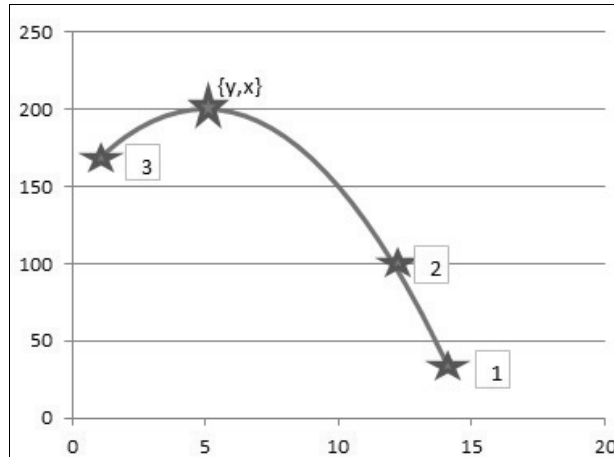
Математичний підхід, наведений нижче, науково обгрунтовує стратегію адаптивного топ-менеджменту, яку можна автоматизувати в *Експертній системі*. До її розробки запрошуються аспіранти, студенти-дипломники і стажери НАСОА, які спеціалізуються з прикладної математики і програмування та бажають стажуватися в Науково-навчальному центрі прикладної інформатики НАН України, з яким НАСОА в 2017 уклав році *Угоду про співпрацю*.

**Математична формалізація задачі.** Необхідною складовою кожної сучасної експертної системи (ЕС) є *модуль математичного моделювання*, за допомогою якого ЕС здійснює прогноз і надає конкретні рекомендації користувачу ЕС щодо вибору значень тих чи інших параметрів, які цікавлять фахівця-менеджера.

Продовжимо розгляд на прикладі. Нехай статки монополії, яка надає комунальні послуги населенню, характеризуються певною математичною функцією  $y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ , де  $\{x_i\}$ ,  $1 \leq i \leq n$  – це розцінки на комунальні послуги. Значеннями  $y$  можуть слугувати або об'єктивні числові величини, наприклад місячний прибуток з продажу комунальних послуг, або певна суб'єктивна експертна оцінка якості бізнесу, наприклад ефективність діяльності монополії, оцінена її власником-олігархом. Математична задача полягає у тому, щоб поступово змінюючи розцінки на послуги (тобто час від часу затверджуючи в регулюючих органах ціни на енергоносії, воду тощо), максимізувати значення статку – функцію  $y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ .

Пояснимо суть адаптивного пошуку екстремуму для однопараметричної і двопараметричної функцій  $y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ .

Приклад 1. Нехай  $y = f(x)$ ,  $n = 1$ .



**Рис. 1** Модель опуклої функції в околі екстремуму  $(y_0, x_0)$   
(парабола  $y = Ax^2 + Bx + C$ )

Зазвичай  $y = f(x)$  є опуклою, тобто поблизу екстремуму функцію  $y = f(x)$  можна наблизити (апроксимувати, замінити) параболою  $y = Ax^2 + Bx + C$ . Параметри цієї параболи – коефіцієнти  $A, B, C$  – є невідомими, але можуть бути обчислені за фіксації  $(y_1, x_1)$ ,  $(y_2, x_2)$ ,  $(y_3, x_3)$ , тобто щоб встановити, якими є значення параметрів  $A, B, C$ , ми маємо знайти розв’язок системи трьох рівнянь, лінійних відносно коефіцієнтів  $A, B, C$ :

$$\begin{cases} (x_1^2)A + (x_1)B + C = y_1 \\ (x_2^2)A + (x_2)B + C = y_2 \\ (x_3^2)A + (x_3)B + C = y_3 \end{cases}$$

Використаємо метод Крамера, щоб знайти невідомі значення коефіцієнтів  $A, B, C$ :

$$\Delta = \begin{vmatrix} x_1^2 & x_1 & 1 \\ x_2^2 & x_2 & 1 \\ x_3^2 & x_3 & 1 \end{vmatrix}, \quad \Delta_A = \begin{vmatrix} y_1 & x_1 & 1 \\ y_2 & x_2 & 1 \\ y_3 & x_3 & 1 \end{vmatrix}, \quad \Delta_B = \begin{vmatrix} x_1^2 & y_1 & 1 \\ x_2^2 & y_2 & 1 \\ x_3^2 & y_3 & 1 \end{vmatrix}, \quad \Delta_C = \begin{vmatrix} x_1^2 & x_1 & y_1 \\ x_2^2 & x_2 & y_2 \\ x_3^2 & x_3 & y_3 \end{vmatrix}$$

$$A = \frac{\Delta_A}{\Delta}; \quad B = \frac{\Delta_B}{\Delta}; \quad C = \frac{\Delta_C}{\Delta}.$$

Знайдені коефіцієнти  $A, B, C$  дають змогу обчислити (тобто спрогнозувати) екстремальні значення параболи  $(y_0, x_0)$ ,

$$x_0 = \frac{-B}{2A}, \quad y_0 = Ax_0^2 + Bx_0 + C.$$

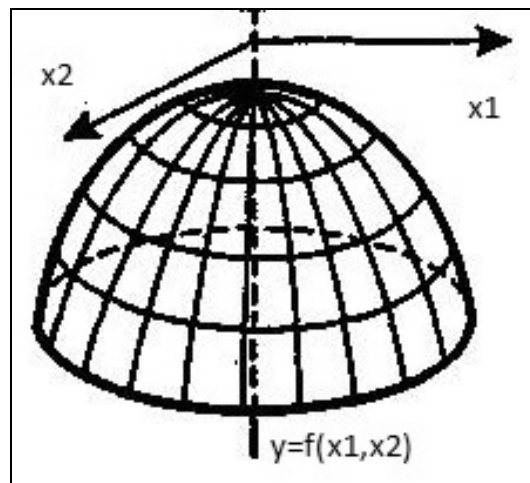
Отже, практичні рекомендації для топ-менеджера або для власника монополії, який довірятиме порадам *Експертної системи*, будуть такі: потрібно запровадити новий тариф на послуги  $x = x_0$ , і якщо його результат  $y_{\text{експеримент}}$  збігається (або майже збігається, в межах похибки) з прогнозованим значенням  $y_0$ , то найкращий результат  $x_0$  вже знайдено.

Мірою досягнення результату, тобто похибкою  $d$ , може слугувати така формула:

$$d = |y_0 - y_{\text{експеримент}}|$$

Якщо оцінка похибки  $d$ , на думку топ-менеджера, ще є достатньо великою (тобто перевищує обсяг корупційних витрат монополії на затвердження в державних або місцевих органах влади нових більш високих тарифів), то адаптивний пошук екстремуму є сенс продовжити. А саме, результати трьох останніх «експериментів» з тарифами  $(y_2, x_2)$ ,  $(y_3, x_3)$ ,  $(y_{\text{експеримент}}, x_0)$  слід перепозначити так:  $x_1 = x_2, y_1 = y_2$ ;  $x_2 = x_3, y_2 = y_3$ ;  $x_3 = x_0, y_3 = y_{\text{експеримент}}$ , щоб можна було заново обрахувати коефіцієнти  $A, B, C$  за наведеними вище математичними формулами, а потім ще раз спрогнозувати оновлені екстремальні значення параболі – точку з координатами  $(y_0, x_0)$ , і з новим значенням  $x_0 = \frac{-B}{2A}$  провести наступний етап підвищення тарифів, щоб експериментально з'ясувати значення величини  $y_{\text{експеримент}}$ , і т. д.

*Приклад 2.* Нехай  $y = f(x_1, x_2)$ ,  $n = 2$ .



**Рис. 2** Наближення функції в околі екстремуму параболоїдом

$$(y = Ax_1^2 + Bx_1 + C + Dx_2^2 + Ex_2 + Fx_1x_2)$$

Числові параметри параболоїда – коефіцієнти  $A, B, C, D, E, F$  – є невідомими, але їх значення можуть бути обчислені, якщо відомі результати шести «тарифних експериментів»  $(y_1, x_{11}, x_{21})$ ,  $(y_2, x_{12}, x_{22})$ ,  $(y_3, x_{13}, x_{23})$ ,  $(y_4, x_{14}, x_{24})$ ,  $(y_5, x_{15}, x_{25})$ ,  $(y_6, x_{16}, x_{26})$ , тут другий індекс  $j$  позначення  $x_{ij}$  вказує на номер «тарифного експерименту».

Щоб встановити, якими є значення параметрів  $A, B, C, D, E, F$ , можна скористатися методами лінійної алгебри. Потрібно знайти розв'язок системи з шести лінійних рівнянь щодо шести невідомих коефіцієнтів  $A, B, C, D, E, F$ :

$$\left\{ \begin{array}{l} A(x_{11}^2) + B(x_{11}) + C + D(x_{21}^2) + E(x_{21}) + F(x_{11}x_{21}) = y_1 ; \\ A(x_{12}^2) + B(x_{12}) + C + D(x_{22}^2) + E(x_{22}) + F(x_{12}x_{22}) = y_2 ; \\ A(x_{13}^2) + B(x_{13}) + C + D(x_{23}^2) + E(x_{23}) + F(x_{13}x_{23}) = y_3 ; \\ A(x_{14}^2) + B(x_{14}) + C + D(x_{24}^2) + E(x_{24}) + F(x_{14}x_{24}) = y_4 ; \\ A(x_{15}^2) + B(x_{15}) + C + D(x_{25}^2) + E(x_{25}) + F(x_{15}x_{25}) = y_5 ; \\ A(x_{16}^2) + B(x_{16}) + C + D(x_{26}^2) + E(x_{26}) + F(x_{16}x_{26}) = y_6 . \end{array} \right.$$

Після того, як значення  $A, B, C, D, E, F$  знайдені, скористаємося *необхідними умовами екстремуму неперервної функції*, щоб обчислити координати  $(y_0, x_{10}, x_{20})$  точки екстремуму параболоїда  $y = Ax_1^2 + Bx_1 + C + Dx_2^2 + Ex_2 + Fx_1x_2$ , а саме

$$\begin{array}{l} \frac{\partial y}{\partial x_1} = 0 \\ \frac{\partial y}{\partial x_2} = 0 \end{array} \quad \text{або} \quad \begin{cases} 2Ax_1 + Fx_2 = -B, \\ 2Dx_2 + Fx_1 = -E. \end{cases}$$

Розв'язок цієї системи, позначений  $(x_{10}, x_{20})$ , дозволить нам обчислити значення  $y_0 = Ax_{10}^2 + Bx_{10} + C + Dx_{20}^2 + Ex_{20} + Fx_{10}x_{20}$ .

Практичні рекомендації для топ-менеджера (або для власника монополії, який довіряє порадам цієї *Експертної системи*) такі: потрібно провести ще один адаптивний експеримент з тарифами при  $x_1 = x_{10}$ ,  $x_2 = x_{20}$ , і якщо результат експерименту  $y_{\text{експеримент}}$  збігається (або майже збігається, звісно, в межах припустимої похибки) з прогнозованим значенням  $y_0$ , то вирішуємо, що найкращий результат  $\{x_{10}, x_{20}\}$  вже знайдено.

Як і у попередньому прикладі, якщо ж величина похибки  $d$  ще є достатньо великою, то адаптивний пошук екстремуму є сенс продовжити.

*Зауваження щодо модифікацій методу.* На відміну від рекомендації щодо допустимої межі відхилення  $d$  і перепозначення точок  $x_{ij}$ , які враховуватимуться на наступному кроці алгоритму побудови параболоїду, можна скористатися регресійним моделюванням, суть якого в тому, щоб обчислювати нові значення параметрів  $A, B, C, D, E, F$  параболоїда на підставі всіх без винятку результатів попередніх експериментів, використовуючи для цього метод найменших квадратів. Можливі й інші підходи, які базуються на застосуванні критерія Чебишева або на евристиці. Наприклад, з числа всіх попередніх «тарифних експериментів» для подальших розрахунків залишимо тільки ті шість, які забезпечили найкращий прогноз значення  $y_0$ . Тобто при програмній реалізації математичного блоку *Експертної системи* програміст

може спиратися і на *евристику*, розуміючи при цьому, що досліджувана математична модель функції  $y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$  у вигляді параболоїду є лише певним математичним припущенням формалізованої задачі.

**Узагальнення методу.** Експериментальний пошук екстремуму багатопараметричної функції  $y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$  для  $n \geq 2$  вимагає проведення ще складніших обчислень. Розробнику ЕС також знадобляться певні теоретичні та практичні знання з чисельних методів оптимізації, про які не йдеться в цій роботі. *Математичні методи планування експерименту* дозволяють науково обґрунтувати і практично спланувати в умовах неповної інформації адаптивний пошук екстремуму стохастичної функції  $y = f(x_1, x_2, \dots, x_n, \omega)$  для довільного значення  $n \geq 2$ ,  $\omega \in \Omega$ .

Наведені в цій роботі математична модель, приклади і методичні рекомендації щодо їх застосування окреслюють суть теоретичних проблем, з якими на практиці стикається програміст, розробник *Експертної системи*, що буде використовуватися топ-менеджментом. Приклади, наведені у статті, також можуть бути використані при розробці математичних розділів сучасних навчальних курсів, навчальних посібників і підручників, орієнтованих на фінансистів, майбутніх фахівців з економічної кібернетики.

### Список використаних джерел

1. Распопов В. Б. Інженерний підхід до проектування математичного блоку експертної системи технолога // Вчені записки Таврійського національного університету імені В. І. Вернадського. Серія: «Технічні науки». 2017. Том 28 (67). № 2. С. 44–48. URL: <https://en.calameo.com/read/0031683727973b2e54122>

**Редько Олександр Юрійович**  
доктор економічних наук, професор,  
Перший проректор з науково-педагогічної роботи,  
Національна академія статистики, обліку та аудиту

### ПОСТУЛАТИ РОЗУМІННЯ КОНТРОЛЮ

Вітчизняна сучасність багата на новели у різних сферах суспільного життя. На жаль, вони не минули і таку досить консервативну сферу, як облік та контроль. На жаль – тому що рівень консерватизму професій бухгалтера, аудитора, ревізора певною мірою цементував стабільність системи управління і служив гарантією захисту від творчості «креативної молоді», яка сьогодні прийшла у владні структури. Не минуло це і сферу підготовки майбутніх фахівців.

З огляду на сучасні тенденції в технологіях отримання знань та підготовки фахівців із досить нових для України професій необхідна і певна зміна підходів до навчання майбутніх професійних аудиторів. В нагоді тут можуть стати так звані постулати контролю, знання яких дозволяє досить